

NOME: _____

Nº. _____

Resolução

GRUPO I (7 valores)

RESPONDA NO ENUNCIADO APENAS A 7 QUESTÕES

– cada resposta correcta: 1 val. ; cada questão não respondida: 0 val.; cada questão errada: – 0,25 val.

- Sobre o mercado do bem Z sabe-se que o seu preço é de 40 € e a curva da procura de mercado está definida por $Q_Z^D = 5000 - 50P_Z$. Então, a atribuição de um subsídio à produção terá como efeito
 - aumentar ligeiramente o preço de mercado.
 - o aumento a despesa total realizada pelos consumidores.
 - a manutenção da despesa total do consumidor porque a diminuição relativa do preço é igual ao aumento relativo da quantidade.
 - a diminuição da despesa total do consumidor, dado que a procura do bem é inelástica.
 - não existem dados suficientes para tirar conclusões.
- O lançamento de um imposto sobre o bem X, a incidir sobre a produção, conduz a
 - uma diminuição na procura do bem X, ceteris paribus.
 - um aumento do preço de X e a um aumento na quantidade procurada do bem Y, se X e Y forem sucedâneos.
 - um aumento do preço do bem X e à manutenção da procura do bem Y, no caso de X e Y serem complementares.
 - uma diminuição da procura do bem Y, no caso de X e Y serem complementares.
 - nenhuma das anteriores.
- Uma empresa produz 1 000 u.f. de X, usa 200 unids de L (único factor variável, com $p_L = 20$ u.m.) e tem um $CT = 10\,000$ u.m. Então
 - o custo variável médio é de 5 u.m.
 - o custo fixo total é de 4 000 u.m.
 - o custo fixo médio é de 4 u.m.
 - a empresa está a utilizar 100 trabalhadores.
 - a produtividade média do factor variável é de 5 u.f..
- Uma empresa com um custo total dado por: $CT = 2q^3 - 12q^2 + 30q + 432$, a lei dos rendimentos marginais decrescentes inicia-se para
 - um volume de produção superior a 3 u.f.
 - um volume de produção superior ao volume de produção para o qual o CVM é mínimo.
 - um volume de produção superior ao volume de produção para o qual o CTM é mínimo.
 - um volume de produção superior a 2 u.f.
 - um volume de produção superior ao volume de produção para o qual a eficiência do factor variável é máxima.
- Um produtor está a laborar no óptimo técnico e produz 30 u.f. de produto. O $P_{mgL} = 5$ u.f. e o preço do factor variável (L) é $P_L = 15$, então o produtor está a empregar
 - 8 trabalhadores.
 - 10 trabalhadores.
 - 60 trabalhadores.
 - 6 trabalhadores.
 - não há dados suficientes para responder.
- No 1º Estágio de produção, garantidamente
 - o P_{mdL} é superior ao P_{mgL} .
 - o produto total é máximo.
 - é atingido o óptimo de exploração.
 - o C_{mg} é inferior ao CVM.
 - o C_{mg} é superior ao CVM.
- No curto prazo, o custo marginal da produção exprime
 - a alteração no produto total decorrente de uma variação unitária na quantidade produzida.
 - o acréscimo no custo variável total resultante do aumento do preço do factor variável.
 - a variação do custo total devido ao aumento do custo fixo total.
 - a variação no custo variável total devido à produção de uma unidade adicional do bem.
 - O custo dos factores variáveis utilizados pela empresa.
- Considere um monopolista com uma função custo variável médio dada por $CVM = 6x$. A função procura de mercado é dada por $x = 140 - p$. Em equilíbrio, o índice de Lerner deste monopolista é
 - 1/11.
 - 1/12.
 - 1/13.
 - 1/14.
 - 1/15.

GRUPO II (6 valores)

Sobre o mercado do Bem GAMA, sabe-se que:

- os consumidores deixam de consumir o bem para preços acima de 40 u.m.,
- a quantidade máxima que os consumidores desejam consumir é de 12000 u.f.,
- a oferta de mercado é dada pela expressão: $Q_S = 300P - 6000$

1. Determine a expressão analítica da curva da procura. (1 val.)
2. Determine o equilíbrio de mercado. (1 val.)
3. Calcule o valor da elasticidade preço da procura no ponto de equilíbrio e interprete o valor obtido. (1 val.)
4. Admita que o Estado lançou um imposto de 10 u.m., a incidir sobre a produção.
 - 4.1. Calcule o novo equilíbrio de mercado. (1 val.)
 - 4.2. Determine o montante de imposto que incide sobre os consumidores e produtores, justificando a sua incidência. (1 val.)
 - 4.3. Sem efectuar cálculos, represente graficamente o lançamento de um imposto e sua repartição entre consumidores e produtores, no caso da procura ser infinitamente elástica. (1 val.)

1.

$$Q_D = a - bP$$

$$\begin{cases} 12000 = a - b(0) \\ 0 = a - b(40) \end{cases} \begin{cases} a = 12000 \\ b = 300 \end{cases}$$

Função procura: $Q_D = 12000 - 300P$

2.

$$\begin{cases} Q_S = -6000 + 300P \\ Q_D = 12000 - 300P \\ Q_S = Q_D \end{cases} \begin{cases} P_E = 30 \text{ u.m.} \\ Q_E = 3000 \text{ u.f.} \end{cases}$$

3.

$$e_{P, D_E} = -\frac{dQ_D}{dP} \frac{P_E}{Q_E} = -(-300) \frac{30}{3000} = 3$$

$$e_{P, D_E} = -\frac{\Delta\% Q_D}{\Delta\% P} = -\frac{\Delta\% Q_D}{1\%} = 3$$

$$\Delta\% Q_D = -3\%$$

i.e. um aumento de 1% no preço induzirá uma redução de 3% da quantidade procurada.

4.

4.1.

Imposto: $T = 10 \text{ u.m./u.f.}$

$$S : Q_S = c + dP$$

$$S : Q_S = -6000 + 300P$$

$$S' : Q_{S'} = c - dT + dP$$

$$S' : Q_{S'} = -6000 - 300(10) + 300P = -9000 + 300P$$

$$\begin{cases} Q_{S'} = -9000 + 300P \\ Q_D = 12000 - 300P \\ Q_{S'} = Q_D \end{cases} \begin{cases} P_C = 35 \text{ u.m.} \\ Q' = 1500 \text{ u.f.} \end{cases}$$

4.2.

$$p_V = p_C - T = 35 - 10 = 25 \text{ u.m.}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Incidência efectiva global sobre os consumidores:} \\ \Delta p_C Q' = (p_C - p_E) Q' = (35 - 30) 1500 = 7500 \text{ u.m. (50\%)} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Incidência efectiva global sobre os produtores:} \\ \Delta p_V Q' = (p_E - p_V) Q' = (30 - 25) 1500 = 7500 \text{ u.m. (50\%)} \end{array} \right.$$

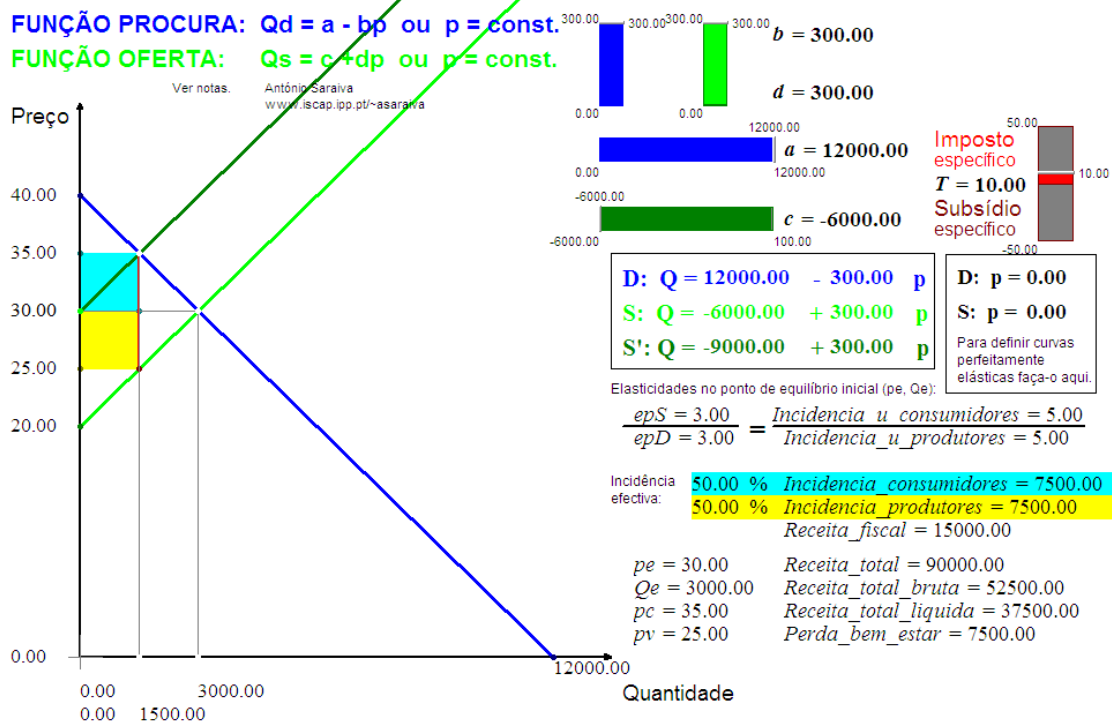
$$\text{Receita fiscal} = TQ' = 10(1500) = 15000 \text{ u.m.}$$

$$e_{S_E} = \frac{dQ_S}{dP} \frac{P_E}{Q_E} = 300 \frac{30}{3000} = 3$$

$$\frac{\Delta p_C}{\Delta p_V} = \frac{e_{S_E}}{e_{pD_E}} = \frac{3}{3} = 1$$

$$\Delta p_C = \Delta p_V$$

Justifica-se, assim, a razão porque o imposto afecta equitativamente os consumidores e os produtores.

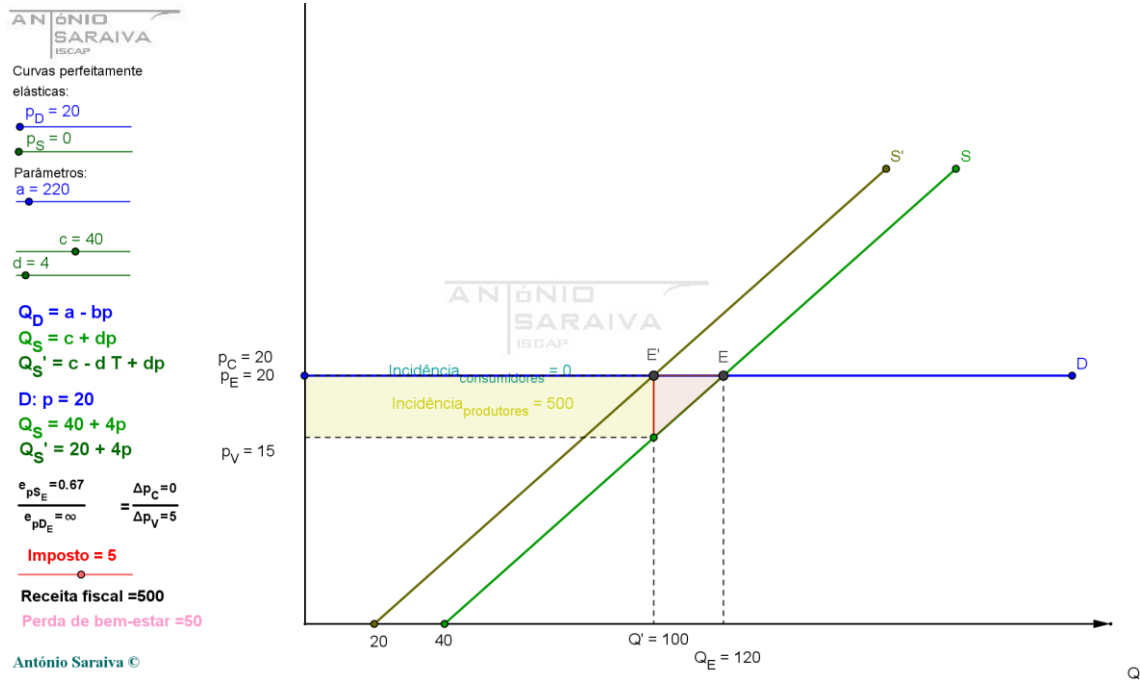


4.3.

$$\frac{\Delta p_C}{\Delta p_V} = \frac{e_{S_E}}{e_{pD_E}} = \frac{e_{S_E}}{\infty} = 0 \quad \therefore \Delta p_C = 0$$

$$\Delta p_C + \Delta p_V = T \quad \therefore \Delta p_V = T$$

Portanto, se a procura fosse perfeitamente elástica, os produtores suportariam a totalidade do imposto.



GRUPO III (7 valores)

Sobre a estrutura de custos de uma das inúmeras empresas inseridas no mercado do Bem X conhecem-se os seguintes dados:

- $CVT = q^3 - 10q^2 + 100q$
- no mínimo de exploração, a empresa emprega 25 trabalhadores (único factor variável) e tem um CTM de 500 u.m.
- a receita média ascende a 88 u.m.

1. Se a empresa pretender atingir a máxima eficiência do factor variável, quantas unidades do bem deve produzir? (1 val.)
2. Qual o montante de custos fixos suportados pela empresa? (1,5 val)
3. Qual o preço do factor variável? (1 val.)
4.
 - 4.1. Tendo por objectivo a maximização do lucro, qual a quantidade que aconselharia esta empresa a produzir? (1,5 val.)
 - 4.2. Determine o lucro da empresa e diga, justificando, qual deverá ser o seu comportamento no curto prazo. (1 val.)
5. Determine a curva da oferta de curto prazo da empresa. (1 val.)

1.

O factor variável emprega-se com a máxima eficiência quando se verifica a maximização da PM_L , o que corresponde à minimização do CVM, dada a relação

$$CVM = \frac{P_L}{PM_L}$$

$$CVM = \frac{CVT}{q} = q^2 - 10q + 100$$

$$\frac{dCVM}{dq} = 2q - 10 = 0 \Rightarrow q = 5 \text{ u.f. (mínimo de exploração)}$$

2.

$$CT_{q=5} = CTM_{q=5} \cdot q = 500 \times 5 = 2500$$

$$CVT_{q=5} = 5^3 - 10(5^2) + 100(5) = 375$$

$$CFT = CT_{q=5} - CVT_{q=5} = 2500 - 375 = 2125 \text{ u.m.}$$

3.

$$CVT_{q=5} = p_L L$$

$$375 = p_L 25$$

$$p_L = 15 \text{ u.m.}$$

4.1.

$$CMg = \frac{dCVT}{dq} = 3q^2 - 20q + 100$$

$$RM = p = 88$$

Para que o produtor consiga maximizar o seu lucro, devem verificar-se conjuntamente as seguintes condições:

$$\left\{ \begin{array}{l} CMg = p \\ \frac{dCMg}{dq} > 0 \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} 3q^2 - 20q + 100 = 88 \\ 6q - 20 > 0 \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} 3q^2 - 20q + 12 = 0 \\ q > 3,33 \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} q = 0,67 \vee q = 6 \\ q > 3,33 \end{array} \right.$$

\therefore o produtor deveria produzir 6 unidades (tendo em conta que é uma quantidade superior ao mínimo de exploração).

4.2.

$$\begin{aligned} máxLT_{q=6} &= RT_{q=6} - CT_{q=6} \\ &= 88 \times 6 - [6^3 - 10(6^2) + 100(6) + 2125] \\ &= 528 - 2581 \\ &= -2053 \text{ u.m.} \end{aligned}$$

Apesar de incorrer num prejuízo de 2053 u.m., o produtor terá interesse em produzir, pois se o não fizesse suportaria um prejuízo ainda maior: 2125 u.m. (=CFT).

5.

Se o preço for inferior ao mínimo do CVM é preferível o produtor deixar de produzir de modo a evitar incorrer, desnecessariamente, num prejuízo superior ao custo fixo que tem de suportar no curto prazo. Assim se o preço for inferior a 75 u.m.(= mín $CVM_{q=5}$) é preferível não produzir.

$$\left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ CMg = p \\ \frac{dCMg}{dq} > 0 \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < \text{mínCVM} \\ \Leftrightarrow p \geq \text{mínCVM} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ 3q^2 - 20q + 100 = p \\ 6q - 20 > 0 \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < 75 \\ \Leftrightarrow p \geq 75 \end{array}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ 3q^2 - 20q + 100 - p = 0 \\ 6q - 20 > 0 \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < 75 \\ \Leftrightarrow p \geq 75 \end{array} \left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ q = \frac{20 \pm \sqrt{400 - 12(100 - p)}}{6} \\ q > 3,33 \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < 75 \\ \Leftrightarrow p \geq 75 \end{array}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ q = 3,33 \pm \frac{\sqrt{3p - 200}}{3} \\ q > 3,33 \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < 75 \\ \Leftrightarrow p \geq 75 \end{array} \quad \mathbf{S:} \left\{ \begin{array}{l} q = 0 \\ q = 3,33 + \frac{\sqrt{3p - 200}}{3} \end{array} \right. \begin{array}{l} \Leftrightarrow p < 75 \\ \Leftrightarrow p \geq 75 \end{array}$$
